

**Демонстрационный вариант  
контрольных измерительных материалов  
промежуточной аттестации  
по «Математике» для 11б класса  
в 2022-2023 учебном году**  
*I часть*

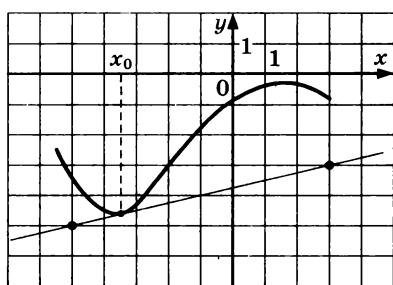
**При выполнении заданий 1-6 следует записать только ответ.**

**1.** Найдите точку минимума функции  $y = \frac{100}{x} + x + 16$ .

или

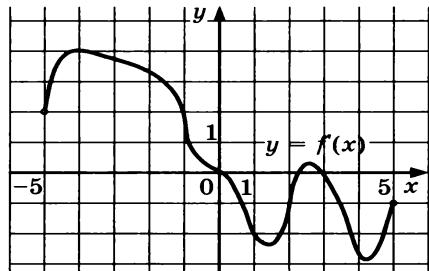
Найдите производную функции  $y = 2^x + \cos x$ .

**2.**



На рисунке изображены график функции  $y = f(x)$  и касательная к нему в точке с абсциссой  $x_0$ .  
Найдите значение производной функции  $f(x)$  в точке  $x_0$ .

или



На рисунке изображен график производной функции  $y = f'(x)$ , определенной на  $(-5; 5)$ .  
В какой точке отрезка  $[-4; -1]$   $f(x)$  принимает наибольшее значение.

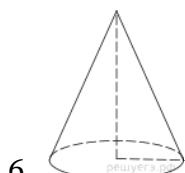
**3.** Найдите первообразную  $F(x)$  функции  $f(x) = 4x^3 + 2x$ , если график первообразной проходит через точку  $M(3; 13)$ .

**4.** В кармане у Пети было четыре конфеты — «Белочка», «Василёк», «Красная шапочка» и «Маска», а также ключи от квартиры. Вынимая ключи, Петя случайно выронил из кармана одну конфету. Найдите вероятность того, что потерялась конфета «Василёк».

**5.** При каком значении  $n$  векторы  $\vec{a}\{4; n; 2\}$  и  $\vec{b}\{-2; 1; -1\}$  коллинеарны?

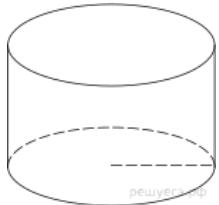
или

Найдите координаты векторы  $\overrightarrow{AB}$ , если  $A (25, 16, -7)$  и  $B (6, 13, 3)$ .



**6.** Найдите объем  $V$  конуса, образующая которого равна 3 и наклонена к плоскости основания под углом  $30^\circ$ . В ответе укажите  $\frac{V}{\pi}$ .

или



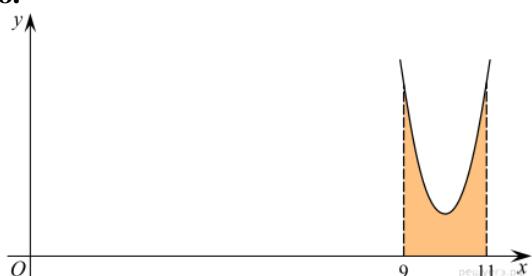
Радиус основания цилиндра равен 2, высота равна 3. Найдите площадь боковой поверхности цилиндра, деленную на  $\pi$ .

*II часть*

**Решение заданий 7-11 должно иметь обоснование. Необходимо записать последовательные логические действия и объяснения.**

7. Тело движется прямолинейно по закону  $x(t) = 2t^4 - 3t^3 - 5t^2$  (х в метрах, t в секундах). Найдите его скорость и ускорение в момент времени  $t = 10\text{с}$ .

8.



На рисунке изображён график некоторой функции  $y = f(x)$ . Функция  $F(x) = x^3 - 30x^2 + 301x - \frac{1}{9}$  — одна из первообразных функции  $f(x)$ . Найдите площадь закрашенной фигуры.

9. Образующая конуса равна 13 и составляет с плоскостью основания угол, синус которого равен  $\frac{12}{13}$ .

Найдите объём V конуса. В ответе укажите  $\frac{V}{\pi}$ .

10. Цилиндр и конус имеют общие основание и высоту. Высота цилиндра равна радиусу основания. Площадь боковой поверхности цилиндра равна  $9\sqrt{2}$ . Найдите площадь боковой поверхности конуса.

11. В прямоугольном параллелепипеде  $ABCDA_1B_1C_1D_1$  известны ребра  $AB = 3, AD = 1, AA_1 = 4$ . Найдите расстояния от вершин  $B_1$  и  $C_1$  до плоскости  $ACD_1$ .

**Ответы на задания демонстрационного варианта  
контрольных измерительных материалов  
промежуточной аттестации  
по предмету «Математика» для 11б класса  
в 2022-2023 учебном году**

Номер задания	Правильный ответ	
	Пример 1	Пример 2
1	10	$y' = 2^x \ln 2 - \sin x$
2	0,25	-1
3	$F(x) = x^4 + x^2 - 77$	
4	0,25	
5	n=-2	$\overrightarrow{AB} = \{-19; -3; 10\}$
6	3,375	16
7	$V=7000 \text{м/c}, a=2210 \text{м/c}^2$	
8	4	
9	100	
10	9	
11	$\frac{24}{13}, \frac{12}{13}$	